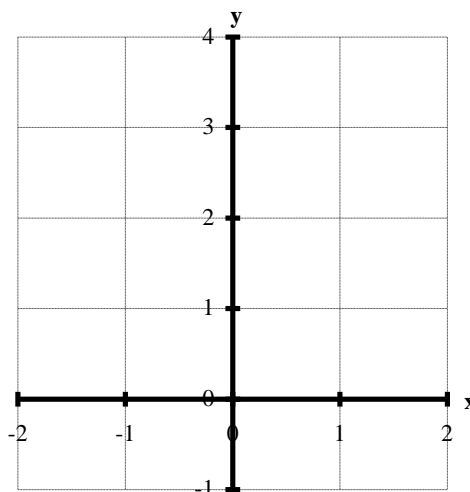


4.2. Aufgaben zu quadratischen Funktionen

Aufgabe 1: Stauchung und Streckung der Normalparabel

- a) Zeichne die Schaubilder der folgenden Funktionen in das Koordinatensystem.
 b) Vervollständige die darunter stehende Regel zur Streckung und Stauchung von Schaubildern.

x	$-\frac{1}{2}x^2$	$\frac{1}{2}x^2$	x^2	$2x^2$
-2				
-1				
$-\frac{1}{2}$				
0				
$\frac{1}{2}$				
1				
2				



Stauchung und Streckung von Schaubildern

Multiplikation mit $\frac{1}{a}$ bewirkt $\left. \begin{matrix} \text{Streckung} \\ \text{Stauchung} \end{matrix} \right\}$ in y-Richtung der **nach oben** geöffneten Parabel.
 Multiplikation mit a bewirkt eine Öffnung der Parabel **nach unten**.

Aufgabe 2: Streckung und Stauchung der Normalparabel

- a) Bestimme die Gleichungen der rechts abgebildeten Parabeln:

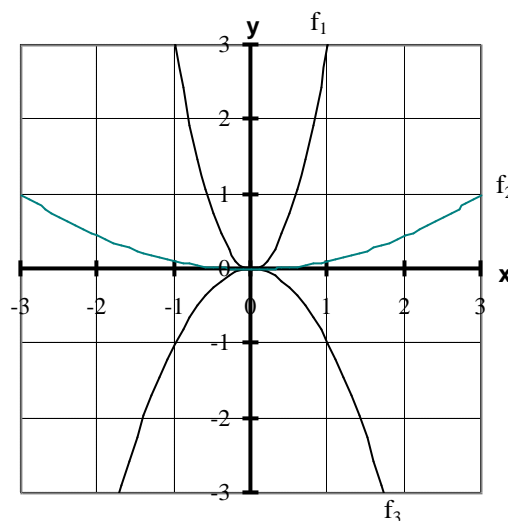
$f_1(x) =$

$f_2(x) =$

$f_3(x) =$

- b) Zeichne die folgenden Parabeln ebenfalls in das Koordinatensystem aus a) :

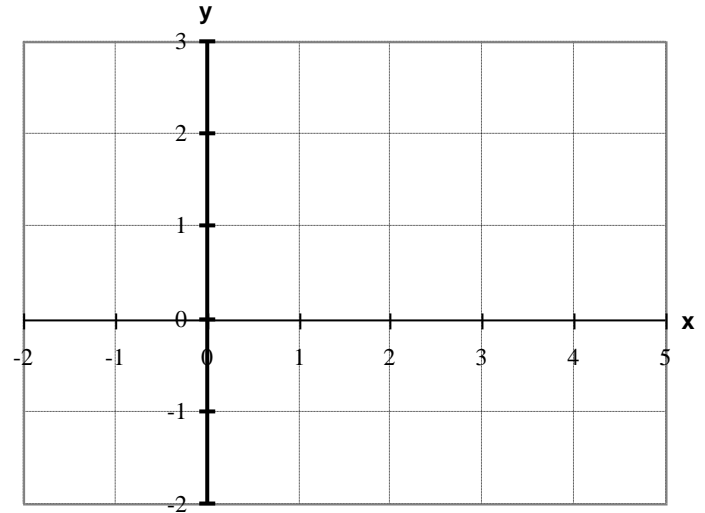
$f_4(x) = \frac{1}{3}x^2$, $f_5(x) = -\frac{1}{4}x^2$ und $f_6(x) = -2x^2$.



Aufgabe 3: Verschiebung der Parabel $y = -\frac{1}{2}x^2$

- a) Trage die y-Werte der Parabel $y = -\frac{1}{2}x^2$ in die 2. Spalte der Wertetabelle ein und zeichne die Parabel in das Koordinatensystem auf der nächsten Seite.
 b) Verschiebe die Parabel um $y_0 = 2$ Einheiten nach **oben** und trage die passenden y-Werte in die 3. Spalte der Wertetabelle ein. Trage zum Schluss die Funktionsgleichung der in y-Richtung verschobenen Parabel ein.
 c) Verschiebe die Parabel um $x_0 = 3$ Einheiten nach **rechts** und trage die passenden y-Werte in die 4. Spalte der Wertetabelle ein. Trage zum Schluss die Funktionsgleichung der in x-Richtung verschobenen Parabel ein.
 d) Verschiebe die Parabel um $x_0 = 3$ Einheiten nach **rechts** sowie um $y_0 = 2$ Einheiten nach **oben** und trage die passenden y-Werte in die 5. Spalte der Wertetabelle ein. Formuliere die Funktionsgleichung der in x- und y-Richtung verschobenen Parabel.
 e) Vervollständige die darunter stehende Regel zur Verschiebung von Schaubildern

x	$-\frac{1}{2}x^2$			
-2				
-1				
0				
1				
2				
3				
4				
5				



Verschiebung von Parabeln in x-Richtung

Man verschiebt die Parabel $y = -\frac{1}{2}x^2$ um +3 **nach rechts** in x-Richtung, indem man in der Funktionsgleichung x durch _____ ersetzt. In Wirklichkeit bleibt die Parabel nämlich stehen und das _____ wird um -3 **nach links** verschoben! Aus $y = -\frac{1}{2}x^2$ wird dann $y = \text{_____}$.

Verschiebung von beliebigen Kurven in x-Richtung

Man verschiebt die Kurve $y = f(x)$ um x_0 **in x-Richtung**, indem man in der Funktionsgleichung x durch _____ ersetzt. Eigentlich wird dabei nämlich das **Koordinatensystem** um ___ in **Gegenrichtung** verschoben. Aus $y = f(x)$ wird $y = \text{_____}$.

Aufgabe 4: Verschiebung in y-Richtung

a) Bestimme die Gleichungen der rechts abgebildeten Parabeln:

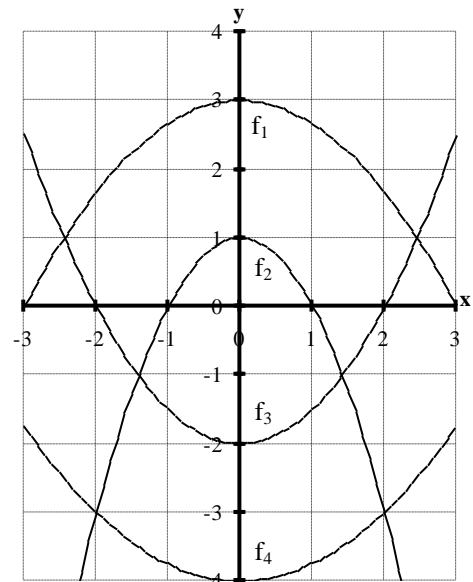
$$f_1(x) = \text{_____} \quad f_3(x) = \text{_____}$$

$$f_2(x) = \text{_____} \quad f_4(x) = \text{_____}$$

b) Zeichne die folgenden Parabeln ebenfalls in das

Koordinatensystem aus a): $f_5(x) = -\frac{1}{4}x^2 + 4$,

$$f_6(x) = -\frac{1}{2}x^2 + 2, f_7(x) = x^2 - 1 \text{ und } f_8(x) = \frac{1}{3}x^2 - 3$$



Aufgabe 5: Verschiebung in x-Richtung

a) Bestimme die Gleichungen der rechts unten abgebildeten Parabeln:

$$f_1(x) = \text{_____} \quad f_4(x) = \text{_____}$$

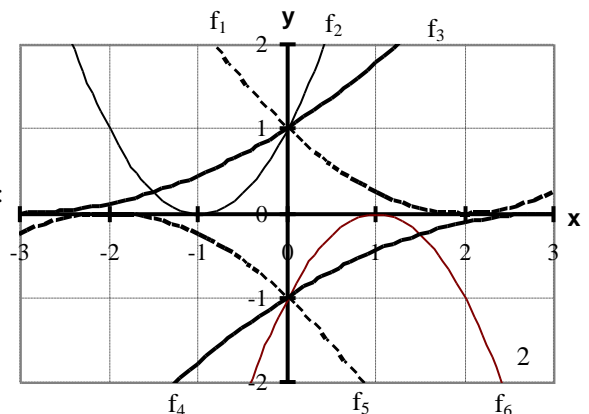
$$f_2(x) = \text{_____} \quad f_5(x) = \text{_____}$$

$$f_3(x) = \text{_____} \quad f_6(x) = \text{_____}$$

b) Zeichne ebenfalls in das Koordinatensystem aus a):

$$f_7(x) = \frac{1}{4}(x+2)^2, f_8(x) = (x-1)^2, f_9(x) = \frac{1}{9}(x-3)^2,$$

$$f_{10}(x) = -\frac{1}{9}(x+3)^2, f_{11}(x) = -(x+1)^2 \text{ und } f_{12}(x) = -\frac{1}{4}(x-2)^2.$$



Aufgabe 6: Scheitelpunktform

Bestimme die Gleichung der verschobenen Normalparabeln mit den folgenden Scheitelpunkten:

- a) S(3|0) c) S(0|2) e) S(4|2) g) S(-5|-1)
 b) S(-1|0) d) S(0|-7) f) S(-3|2) h) S(3|-2)

Aufgabe 7: Scheitelpunktform

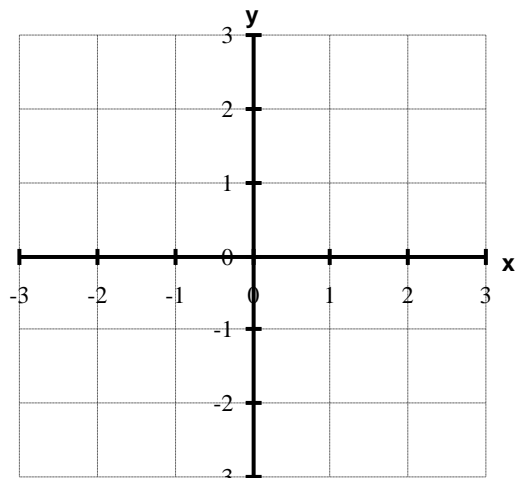
Gib den Scheitelpunkt, die Streckung bzw. Stauchung in y-Richtung und die Öffnung der Parabel an. Skizziere dann mit Hilfe dieser Angaben das Schaubild der Parabel ausgehend vom Scheitelpunkt.

$$f_1(x) = -(x + 2)^2 + 2 \quad f_2(x) = -\frac{1}{2}(x + 2)^2 + 2$$

$$f_3(x) = (x + 2)^2 - 2 \quad f_4(x) = 2(x + 2)^2 - 2$$

$$f_5(x) = (x - 2)^2 - 2 \quad f_6(x) = 2(x - 2)^2 - 2$$

$$f_7(x) = -(x - 2)^2 + 2 \quad f_8(x) = -\frac{1}{2}(x - 2)^2 + 2$$



Aufgabe 8: Scheitelpunktform

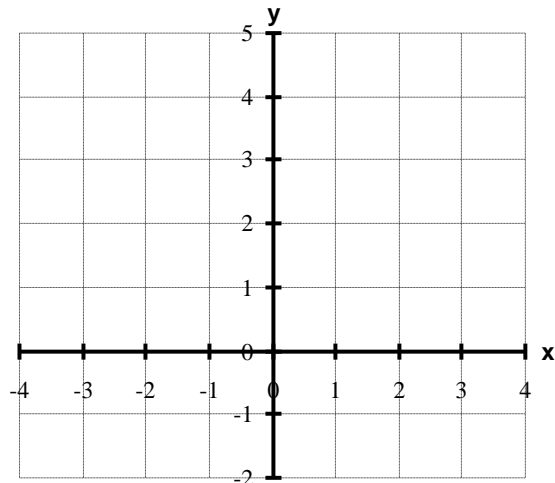
Bestimme die Scheitelpunkte und zeichne die Parabeln in das Koordinatensystem rechts ein. Welche Parabel fehlt?

$$f_1(x) = -2(x + 3)^2 + 5 \quad f_2(x) = -(x + 2)^2 + 1$$

$$f_3(x) = -\frac{1}{2}\left(x + \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{1}{4} \quad f_4(x) = -\frac{1}{4}x^2 - 1$$

$$f_5(x) = -\frac{1}{2}\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{1}{4} \quad f_6(x) = -(x - 2)^2 + 1$$

$$f_7(x) = -2(x - 3)^2 + 5 \quad f_8(x) = \underline{\hspace{2cm}}$$



Aufgabe 9: Scheitelpunktform

Bestimme die Scheitelpunktform und den Scheitelpunkt der folgenden Parabeln.

- a) $f(x) = x^2 + 4x + 4$ g) $f(x) = x^2 + 8x + 17$ m) $f(x) = \frac{1}{3}x^2 - x - \frac{4}{3}$
 b) $f(x) = x^2 + 4x + 3$ h) $f(x) = 2x^2 - 4x + 6$ n) $f(x) = \frac{1}{2}x^2 - x - \frac{7}{2}$
 c) $f(x) = x^2 + 4x - 2$ i) $f(x) = -2x^2 - 4x + 2$ o) $f(x) = -\frac{1}{4}x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{15}{4}$
 d) $f(x) = x^2 - 2x + 1$ j) $f(x) = -x^2 - 5x - 4$ p) $f(x) = -\frac{1}{2}x^2 - 2x - 5$
 e) $f(x) = x^2 - 2x$ k) $f(x) = -x^2 - 4x - 4$ q) $f(x) = \left(2x - \frac{1}{2}\right)^2 + 1$
 f) $f(x) = x^2 + 6x + 8$ l) $f(x) = -x^2 - x - \frac{5}{4}$ r) $f(x) = x^2 + px$

Aufgabe 10: Achsenschnittpunkte

Untersuche die Parabeln aus Aufgabe 8 auf Achsenschnittpunkte.

Aufgabe 11: Achsenschnittpunkte

Untersuche die Parabeln aus Aufgabe 9 auf Achsenschnittpunkte.

Aufgabe 12: Satz von Vieta

Bestimme die Nullstellen der folgenden Funktionen durch Probieren. Berechne die Normalform $f(x) = x^2 + px + q$ durch Ausmultiplizieren. Wie lassen sich die Koeffizienten p und q aus den Nullstellen x_1 und x_2 berechnen?

- a) $f(x) = (x + 1) \cdot (x + 2)$ c) $f(x) = (x + 2) \cdot (x + 4)$ e) $f(x) = (x + u) \cdot (x + 4)$ mit $u \in \mathbb{R}$
 b) $f(x) = (x + 2) \cdot (x + 3)$ d) $f(x) = (x + 3) \cdot (x + 4)$ f) $f(x) = (x + u) \cdot (x + v)$ mit $u, v \in \mathbb{R}$

Aufgabe 13: Satz von Vieta

Bestimme die Nullstellen der folgenden Funktionen durch Probieren mit dem Satz von Vieta:

- a) $f(x) = x^2 + 5x + 6$ e) $f(x) = x^2 - 7x + 12$ i) $f(x) = \frac{1}{2}x^2 + 4x + \frac{7}{2}$
 b) $f(x) = x^2 + 6x + 5$ f) $f(x) = x^2 + x - 12$ j) $f(x) = \frac{1}{3}x^2 + 2x - \frac{7}{3}$
 c) $f(x) = x^2 + 7x + 12$ g) $f(x) = x^2 - x - 30$ k) $f(x) = 2x^2 + 2x - 4$
 d) $f(x) = x^2 - 5x + 6$ h) $f(x) = x^2 + 4x - 5$ l) $f(x) = -3x^2 + 6x + 9$

Aufgabe 14: Intervallschreibweise

Gib die folgenden Mengen in Intervallschreibweise an.

- a) $A = \{x \in \mathbb{R} : 4 < x < 8\}$ f) $F = \{x \in \mathbb{R} : 4 < x\}$
 b) $B = \{x \in \mathbb{R} : -2 \leq x < 5\}$ g) $G = \{x \in \mathbb{R} : x \leq -2 \text{ oder } x \geq 3\}$
 c) $C = \{x \in \mathbb{R} : -100 < x \leq 30\}$ h) $H = \{x \in \mathbb{R} : x < -3 \text{ oder } x > 2\}$
 d) $D = \{x \in \mathbb{R} : 2 \leq x \leq 45\}$ i) $I = \{x \in \mathbb{R} : x \leq -5 \text{ oder } x > 5\}$
 e) $E = \{x \in \mathbb{R} : x \leq 2\}$ j) $J = \{x \in \mathbb{R} : x < -6 \text{ oder } x \geq 6\}$

Aufgabe 15: Quadratische Ungleichungen

Vervollständige die Tabelle. Trage dazu jeweils die Bereiche ein, in denen die Funktion größer, echt größer, kleiner bzw. echt kleiner als Null ist:

$f(x) =$	$f(x) \geq 0$ für $x \in$	$f(x) > 0$ für $x \in$	$f(x) < 0$ für $x \in$	$f(x) \leq 0$ für $x \in$
$x^2 + x - 2$	$\mathbb{R} \setminus]-2; 1[$	$\mathbb{R} \setminus [-2; 1]$	$] -2; 1[$	$[-2; 1]$
$x^2 - x - 12$				
$-x^2 - x + 6$				
$-x^2 + 5x - 6$				
$x^2 + 3x + 4$				
$-x^2 + 2x - 1$				
$-\frac{1}{2}x^2 - \frac{5}{2}x - 3$				
$\frac{1}{2}x^2 - 5x - 12$				
$x^2 + 4x + 4$				

Aufgabe 16: Gemeinsame Punkte

Bestimme die Koordinaten aller gemeinsamen Punkte von f und g :

- a) $f(x) = x^2 + 2x$ und $g(x) = x + 6$ d) $f(x) = x^2 + 3x + 5$ und $g(x) = -x + 1$
 b) $f(x) = \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}$ und $g(x) = -\frac{3}{2}x - \frac{1}{2}$ e) $f(x) = x^2 + 1$ und $g(x) = x^2 - 1$
 c) $f(x) = x^2 - 4x - 2$ und $g(x) = -x^2 + 2x + 6$ f) $f(x) = 2x^2 - 4x + 3$ und $g(x) = -x^2 - 2x + 2$

Aufgabe 17: Bestimmung von Funktionsgleichungen aus drei gegebenen Punkten

Bestimme die Gleichung der Parabel, die durch die Punkte P_1 , P_2 und P_3 verläuft.

- a) $P_1(0|0)$, $P_2(1|2)$ und $P_3(3|-6)$ d) $P_1(1|3)$, $P_2(-1|1)$ und $P_3(2|7)$
 b) $P_1(0|-2)$, $P_2(2|1)$ und $P_3(-1|-\frac{11}{4})$ e) $P_1(1|1)$, $P_2(-1|3)$ und $P_3(2|3)$
 c) $P_1(-2|2)$, $P_2(-1|0)$ und $P_3(3|-28)$ f) $P_1(2|7)$, $P_2(1|3)$ und $P_3(0|1)$.

Aufgabe 18: Bestimmung von Funktionsgleichungen aus Scheitelpunkt und einem weiteren Punkt

Vom Schaubild einer Parabel ist der Scheitelpunkt S und ein weiterer Punkt P bekannt. Bestimme die Gleichung der Parabel in Normalform.

- | | |
|--|-------------------------------------|
| a) S(1 1) und P(0 3) | d) S(-1 4) und P(2 $\frac{7}{4}$) |
| b) S(- $\frac{5}{2}$ $\frac{9}{4}$) und P(-1 0) | e) S(2 -2) und P(-2 2) |
| c) S(1 2) und P(2 0) | f) S(3 -2) und P(1 2) |

Aufgabe 19: Anwendungsaufgaben

- Wie hoch und wie lang ist eine Brücke, deren Form oberhalb der x-Achse durch $y = -0,005x^2 + 0,52x$ in Metern gegeben ist?
- Über eine Talsenke mit dem Querschnitt $y = 0,0048x^2 - 0,3648x - 3,0688$ in Metern wird in der Höhe 2 m über NN eine waagrecht verlaufende Brücke gespannt. Wie lang ist die Brücke und wie hoch ist sie über der tiefsten Stelle?
- Ein Straßentunnel hat den Querschnitt $y = -0,4x^2 + 2,6x + 6,78$ in Metern. Wie hoch und wie breit ist der Tunnel? Zwei 3 m breite und 4 m hohe Lastwagen sollen sich im Tunnel mit 1 m Sicherheitsabstand passieren können. Welchen waagrechten Abstand haben die Lastwagen dann in 4 m Höhe von der Tunnelwand?
- Eine mit der Geschwindigkeit v in m/s senkrecht nach oben geschossene Kugel hat nach t Sekunden die Höhe $h(t) = -5t^2 + vt$ in m über dem Abschußort erreicht. Wie lange fliegt die Kugel und welche Höhe erreicht sie, wenn sie mit $v = 10$ m/s bzw. $v = 100$ m/s abgeschossen wurde?

Aufgabe 20: Parabelscharen und Ortskurven

Untersuche die folgenden Parabelscharen auf Achsenschnittpunkte in Abhängigkeit von t und die Koordinaten des Scheitelpunktes in Abhängigkeit von t . Zeichne f_t für $t = \pm 2, \pm 1$ und 0 in ein gemeinsames Koordinatensystem mit $-5 \leq x, y \leq 5$. Zeichne die **Ortskurve** der Scheitelpunkte in das Koordinatensystem ein und bestimme ihre Funktionsgleichung. Die **Ortskurve** der Scheitelpunkte ist die Menge aller Scheitelpunkte der Parabelschar.

- | | |
|---|--|
| a) $f_t(x) = x^2 - tx$ mit $t \in \mathbb{R}$ | e) $f_t(x) = tx^2 - 2x + 1$ mit $t \in \mathbb{R}$ |
| b) $f_t(x) = x^2 + 6x + t$ mit $t \in \mathbb{R}$ | f) $f_t(x) = (x - 1)^2 + t$ |
| c) $f_t(x) = x^2 + tx + 2$ mit $t \in \mathbb{R}$ | g) $f_t(x) = t(x - 1)^2 - 1$ |
| d) $f_t(x) = x^2 - 2tx - 2t + 1$ mit $t \in \mathbb{R}$ | h) $f_t(x) = x^2 + 2x + t$ |

Aufgabe 21: Quadratische Gleichungen

Bestimme die Lösungsmenge der folgenden Gleichungen.

- | | |
|---|---|
| a) $x(x + 4) + 5 = -1 - (2x + 3)$ | c) $(x + 7)(13x - 3) = (1 + 7x)(13 - 3x)$ |
| b) $(x + 4)(x + 2) = -x(x + 10) - 4(x - 2)$ | d) $(x + 2)^2 + 5x + 2 = (2x - 6)^2$ |

Aufgabe 19: Quadratische Bruchgleichungen

Bestimme die Definitionsmenge und die Lösungsmenge der folgenden Gleichungen

- | | |
|--|---|
| a) $\frac{3x + 2}{2} + \frac{14}{3x + 1} = 6$ | e) $\frac{x - 3}{x - 1} + \frac{x - 1}{x + 1} = \frac{6x - 2}{x^2 - 1}$ |
| b) $\frac{5x}{x - 1} + \frac{x + 1}{x + 4} = \frac{21 + x}{x + 4}$ | f) $\frac{x + 6}{x - 6} + \frac{x - 6}{x + 6} = \frac{144}{x^2 - 36}$ |
| c) $\frac{15}{x + 2} = 2 - \frac{x - 5}{8}$ | g) $\frac{2x - 1}{(x - 1)(x - 3)} + \frac{3x}{(x + 2)(x - 3)} = \frac{2x^2 + 3x + 16}{(x - 1)(x + 2)(x - 3)}$ |
| d) $\frac{x^2 + 15x}{(x + 3)(x - 3)} = \frac{2x + 3}{x - 3} - \frac{x - 3}{x + 3}$ | h) $\frac{5}{(x - 4)(x - 3)} + \frac{3}{(x - 3)(x - 2)} = \frac{x^2 + 3x + 1}{(x - 4)(x - 3)(x - 2)}$ |

Aufgabe 22: Gemeinsame Punkte bei Kurvenscharen

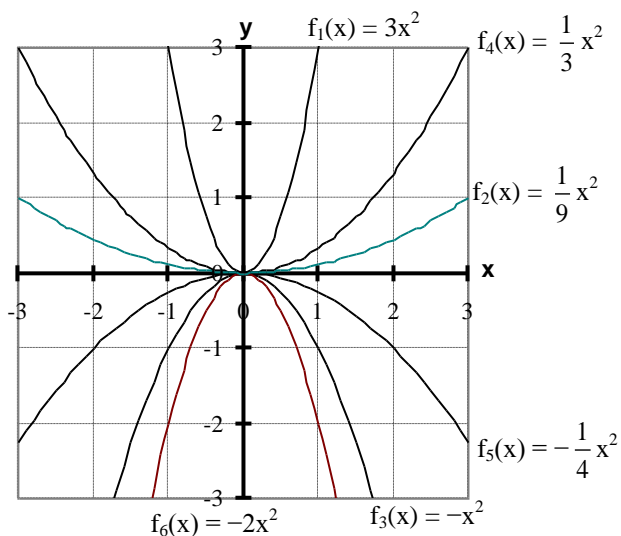
Welche Bedingungen müssen für t gelten, damit die Schaubilder von f_t und g_t sich gegenseitig schneiden, berühren bzw. passieren?

- $f_t(x) = x^2 + t$ und $g(x) = -x + 1$
- $f_t(x) = tx^2 - 1$ und $g(x) = x$
- $f_t(x) = -x^2 - 4x - 4$ und $g_t(x) = x^2 - 2x + t$

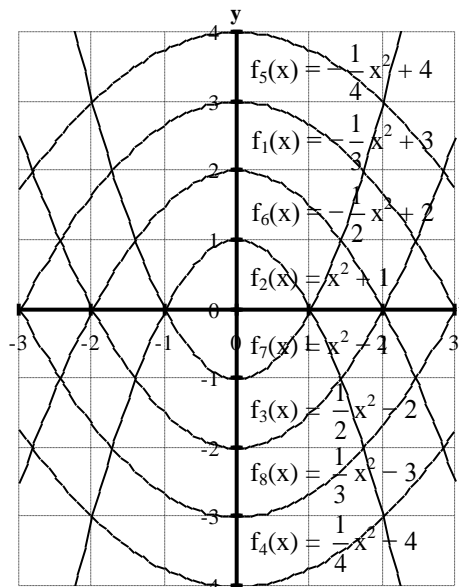
4.2. Lösungen zu den Aufgaben zu quadratischen Funktionen

Aufgaben 1 und 3: siehe Skript

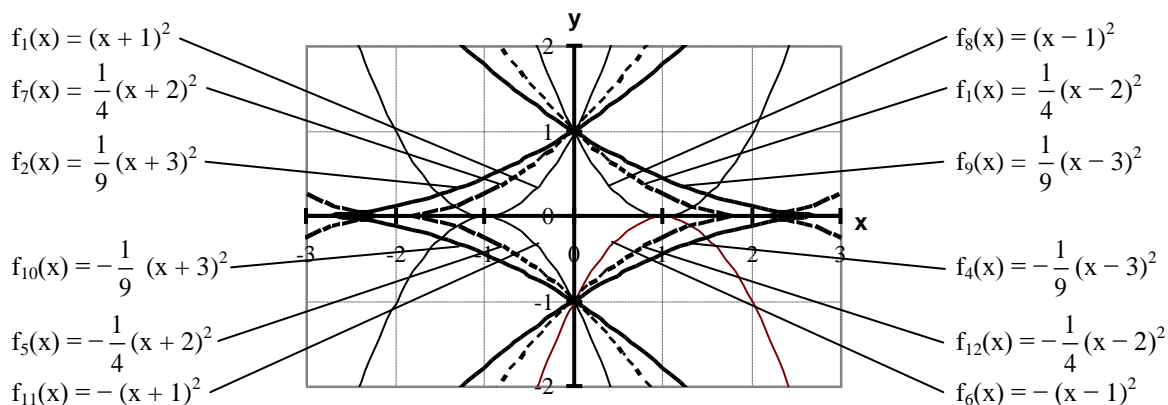
Aufgabe 2: Stauchung und Streckung



Aufgabe 4: Verschiebung in y-Richtung



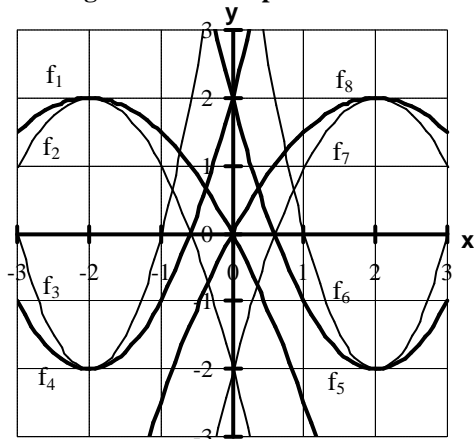
Aufgabe 5: Verschiebung in x-Richtung



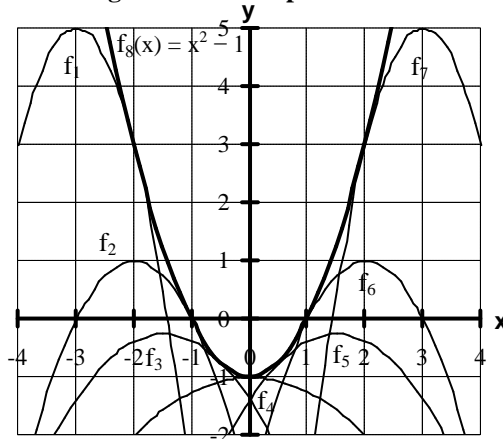
Aufgabe 6: Scheitelpunktform

- | | | | |
|---------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------|
| a) $f(x) = (x-3)^2$ | c) $f(x) = x^2 + 2$ | e) $f(x) = (x-4)^2 + 2$ | g) $f(x) = (x+5)^2 - 1$ |
| b) $f(x) = (x+1)^2$ | d) $f(x) = x^2 - 7$ | f) $f(x) = (x+3)^2 + 2$ | h) $f(x) = (x-3)^2 - 2$ |

Aufgabe 7: Scheitelpunktform



Aufgabe 8: Scheitelpunktform



Aufgaben 10: Achsenschnittpunkte

$f_1: S_{1y}(0|-13)$ und $S_{1x1/2}(-3 \pm \sqrt{\frac{5}{2}}|0)$, $f_2: S_{2y}(0|-3)$ und $S_{2x1/2}(-2 \pm 1|0)$, $f_3: S_{3y}(0|-\frac{5}{4})$, $f_4: S_{4y}(0|-1)$, $f_5: S_{5y}(0|-\frac{5}{4})$, $f_6: S_{6y}(0|-3)$ und $S_{6x1/2}(2 \pm 1|0)$, $f_7: S_{7y}(0|-13)$ und $S_{7x1/2}(3 \pm \sqrt{\frac{5}{2}}|0)$ und $f_8: S_{8y}(0|-1)$

Aufgaben 9 und 11: Scheitelpunkte und Achsenschnittpunkte

Aus Platzgründen sind nur Scheitelpunkte und Schnittpunkte mit der x-Achse angegeben.

- | | | |
|---|---|--|
| a) $S(-2 0)$ | g) $S(-4 1)$ | m) $S(\frac{3}{2} -\frac{25}{12})$, $S_{x1/2}(\frac{3}{2} \pm \frac{5}{2})$ |
| b) $S(-2 -1)$, $S_{x1/2}(-2 \pm 1 0)$ | h) $S(1 4)$ | n) $S(1 -4)$, $S_{x1/2}(1 \pm \sqrt{8} 0)$ |
| c) $S(-2 -6)$, $S_{x1/2}(-2 \pm \sqrt{6} 0)$ | i) $S(-1 4)$ | o) $S(-1 4)$, $S_{x1/2}(-1 \pm 4 0)$ |
| d) $S(1 0)$ | j) $S(-\frac{5}{2} \frac{9}{4})$, $S_{x1/2}(-\frac{5}{2} \pm \frac{3}{2} 0)$ | p) $S(-2 -3)$ |
| e) $S(1 -1)$, $S_{x1/2}(-1 \pm 1 0)$ | k) $S(-2 0)$, | q) $S(\frac{1}{4} 1)$ |
| f) $S(-3 -1)$, $S_{x1/2}(-3 \pm 1 0)$ | l) $S(-\frac{1}{2} -1)$ | r) $S(-\frac{p}{2} -\frac{p^2}{4})$, $S_{x1/2}(-\frac{p}{2} \pm \frac{p}{2} 0)$ |

Aufgabe 12: Satz von Vieta

- | | | |
|--------------------------|---------------------------|---------------------------------|
| a) $f(x) = x^2 + 3x + 2$ | c) $f(x) = x^2 + 6x + 8$ | e) $f(x) = x^2 + (u + 4)x + 4u$ |
| b) $f(x) = x^2 + 5x + 6$ | d) $f(x) = x^2 + 7x + 12$ | f) $f(x) = x^2 + (u + v)x + uv$ |

Aufgabe 13: Satz von Vieta

- | | | |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|
| a) $f(x) = (x + 2)(x + 3)$ | e) $f(x) = (x - 3)(x - 4)$ | i) $f(x) = \frac{1}{2}(x + 1)(x + 7)$ |
| b) $f(x) = (x + 1)(x + 5)$ | f) $f(x) = (x - 3)(x + 4)$ | j) $f(x) = \frac{1}{3}(x - 1)(x + 7)$ |
| c) $f(x) = (x + 3)(x + 4)$ | g) $f(x) = (x - 6)(x + 5)$ | k) $f(x) = 2(x - 1)(x + 2)$ |
| d) $f(x) = (x - 2)(x - 3)$ | h) $f(x) = (x - 1)(x + 5)$ | l) $f(x) = -3(x - 3)(x + 1)$ |

Aufgabe 14: Intervallschreibweise

- | | |
|-----------------------|---------------------------------------|
| a) $A =]4; 8[$ | f) $F =]4; \infty[$ |
| b) $B = [-2; 5[$ | g) $G = \mathbb{R} \setminus]-2; 3[$ |
| c) $C =]-100; 30[$ | h) $H = \mathbb{R} \setminus [-3; 2]$ |
| d) $D = [2; 45]$ | i) $I = \mathbb{R} \setminus]-5; 5]$ |
| e) $E =]-\infty; 2]$ | j) $J = \mathbb{R} \setminus [-6; 6[$ |

Aufgabe 15: Quadratische Ungleichungen

$f(x) =$	$f(x) \geq 0$ für $x \in$	$f(x) > 0$ für $x \in$	$f(x) < 0$ für $x \in$	$f(x) \leq 0$ für $x \in$
$x^2 + x - 2$	$\mathbb{R} \setminus]-2; 1[$	$\mathbb{R} \setminus [-2; 1]$	$] -2; 1[$	$[-2; 1]$
$x^2 - x - 12$	$\mathbb{R} \setminus]-3; 4[$	$\mathbb{R} \setminus [-3; 4]$	$] -3; 4[$	$[-3; 4]$
$-x^2 - x + 6$	$[-3; 2]$	$] -3; 2[$	$\mathbb{R} \setminus [-3; 2]$	$\mathbb{R} \setminus]-3; 2[$
$-x^2 + 5x - 6$	$[2; 3]$	$]2; 3[$	$\mathbb{R} \setminus [2; 3]$	$\mathbb{R} \setminus]2; 3[$
$x^2 + 3x + 4$	\mathbb{R}	\mathbb{R}	$\{\}$	$\{\}$
$-x^2 + 2x - 1$	$\{1\}$	$\{\}$	$\mathbb{R} \setminus \{1\}$	\mathbb{R}
$-\frac{1}{2}x^2 - \frac{5}{2}x - 3$	$[-3; -2]$	$] -3; -2[$	$\mathbb{R} \setminus [-3; -2]$	$\mathbb{R} \setminus]-3; -2[$
$\frac{1}{2}x^2 - 5x - 12$	$\mathbb{R} \setminus]-2; 12[$	$\mathbb{R} \setminus [-2; 12]$	$] -2; 12[$	$[-2; 12]$
$x^2 + 4x + 4$	\mathbb{R}	$\mathbb{R} \setminus \{-2\}$	$\{\}$	$\{-2\}$

Aufgabe 16: Gemeinsame Punkte

- a) $S_1(-3|3)$ und $S_2(2|8)$ c) $S_1(-1|3)$ und $S_2(4|-2)$ e) keine gemeinsamen Punkte
 b) $S_1(-1|1)$ und $S_2(-2|\frac{5}{2})$ d) $S_{1/2}(-2|3)$ (Berührungspunkt) f) keine gemeinsamen Punkte

Aufgabe 17: Bestimmung von Funktionsgleichungen aus drei gegebenen Punkten

- a) $f(x) = -2x^2 + 4x$ c) $f(x) = -x^2 - 5x - 4$ e) $f(x) = x^2 - x + 1$
 b) $f(x) = \frac{1}{4}x^2 + x - 2$ d) $f(x) = x^2 + x + 1$ f) $f(x) = x^2 + x + 1$

Aufgabe 18: Bestimmung von Funktionsgleichungen aus Scheitelpunkt und einem weiteren Punkt

- a) $f(x) = 2x^2 - 4x + 3$ c) $f(x) = -2x^2 + 4x$ e) $f(x) = \frac{1}{4}x^2 - x - 1$
 b) $f(x) = -x^2 - 5x - 4$ d) $f(x) = -\frac{1}{4}x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{15}{4}$ f) $f(x) = x^2 - 6x + 7$

Aufgabe 19: Anwendungsaufgaben

- a) Die Brücke ist 104 m lang und 13,52 m hoch
 b) Die Brücke ist 99,87 m lang und 11,97 m hoch.
 c) Der Tunnel ist 1 m hoch und 10,5 m breit. Der waagrechte Abstand zur Tunnelwand ist 98 cm
 d) Die Kugeln fliegen 2 bzw. 20 Sekunden lang und erreichen eine Höhe von 5 bzw. 500 Metern.

Aufgabe 20: Parabelscharen und Ortskurven

- a) $x_{1/2} = \frac{t}{2} \pm \frac{t}{2}$ und $S_t\left(\frac{t}{2} \mid -\frac{t^2}{4}\right) \Rightarrow$ Ortskurve $y = -x^2$
 b) $x_{1/2} = -3 \pm \sqrt{t-9}$, falls $t \geq 9$ und $S_t(-3 \mid -9+t) \Rightarrow$ Ortskurve $x = -3$
 c) $x_{1/2} = -\frac{t}{2} \pm \sqrt{\frac{t^2}{4} - 2}$, falls $t \geq \sqrt{8}$ und $S_t\left(-\frac{t}{2} \mid -\frac{t^2}{4} + 2\right) \Rightarrow$ Ortskurve $y = x^2 + 2$
 d) $x_{1/2} = t \pm \sqrt{t^2 + 2t - 1}$, falls $t \leq -1 - \sqrt{2}$ oder $t \geq -1 + \sqrt{2}$ und $S_t(t \mid -t^2 - 2t + 1) \Rightarrow y = -x^2 - 2t + 1$
 e) $x_{1/2} = \frac{1}{t} \pm \sqrt{\frac{1}{t}\left(\frac{1}{t} - 1\right)}$, falls $t \geq 1$ und $S_t\left(\frac{1}{t} \mid -\frac{1}{t} + 1\right)$, falls $t \geq 0 \Rightarrow$ Ortskurve $y = -x + 1$
 f) $x_{1/2} = 1 \pm \sqrt{-t}$, falls $t \leq 0$ und $S_t(1 \mid -t) \Rightarrow$ Ortskurve $x = 1$
 g) $x_{1/2} = 1 \pm \frac{1}{\sqrt{t}}$, falls $t \geq 0$ und $S_t(1 \mid -1) \Rightarrow$ keine Ortskurve, sondern gemeinsamer Scheitelpunkt
 h) $x_{1/2} = -1 \pm \sqrt{1-t}$, falls $t \leq 1$ und $S_t(-1 \mid t-1) \Rightarrow$ Ortskurve $x = -1$

Aufgabe 21: Quadratische Gleichungen

- a) $L = \{-3\}$ b) $L = \{-10; 0\}$ c) $L = \{1; -1\}$ d) $L = \{1; 10\}$

Aufgabe 22: Quadratische Bruchgleichungen

- a) $D = \mathbb{R} \setminus \{-\frac{1}{3}\}$ und $L = \{1; 2\}$ e) $D = \mathbb{R} \setminus \{1; -1\}$ und $L = \{0; 5\}$
 b) $D = \mathbb{R} \setminus \{1; 4\}$ und $L = \{\}$ f) $D = \mathbb{R} \setminus \{6; -6\}$ und $L = \{\}$
 c) $D = \mathbb{R} \setminus \{-2\}$ und $L = \{6; 13\}$ g) $D = \mathbb{R} \setminus \{1; -2; 3\}$ und $L = \{\}$
 d) $D = \mathbb{R} \setminus \{3; -3\}$ und $L = D$ h) $D = \mathbb{R} \setminus \{4; 3; 2\}$ und $L = \{\}$

Aufgabe 23: Gemeinsame Punkte bei Kurvenscharen

- a) $x_{1/2} = -\frac{1}{2} \pm \sqrt{\frac{5}{4} - t} \Rightarrow$ Schnittpunkte für $t < \frac{5}{4}$, Berührungspunkt für $t = \frac{5}{4}$, keine gem. Punkte für $t > \frac{5}{4}$
 b) $x_{1/2} = \frac{1}{2t} \pm \sqrt{\frac{1+4t}{4t^2}} \Rightarrow$ Schnittpunkte für $t > -\frac{1}{4}$, Berührungspunkt für $t = -\frac{1}{4}$, keine gem. Punkte für $t < -\frac{1}{4}$
 c) $x_{1/2} = \frac{3}{2} \pm \sqrt{\frac{1-2t}{4}} \Rightarrow$ Schnittpunkte für $t < \frac{1}{2}$, Berührungspunkt für $t = \frac{1}{2}$, keine gem. Punkte für $t > \frac{1}{2}$